

ويحسب الانحراف المعياري وفقاً للمعادلة الآتية:

$$\text{الانحراف المعياري} = \sqrt{\frac{\text{مج } h^2}{n}}$$

حيث تشير (h) إلى انحرافات الدرجات عن المتوسط وتدل (n) على عدد الدرجات
 و(h^2) مربع الانحرافات و(مج) المجموع
 مثال: احسب الانحراف المعياري لدرجات الخام
 جدول (11) خطوات حساب الانحراف المعياري

الدرجات س	عدد الأفراد	الانحرافات عن المتوسط (h)	مربعات الانحرافات عن المتوسط (h^2)
8	1	2-	4
9	2	1-	1
4	3	6-	36
12	4	2+	4
20	5	10+	100
13	6	3+	9
6	7	4-	16
8	8	2-	4
80	المجموع	مج س = صفر	مج $h^2 = 174$

أولاً: نحسب متوسط الدرجات

$$\text{المتوسط} = \frac{80}{8} = \frac{\text{مج س}}{n}$$

ثانياً: تحسب انحراف كل درجة خام عن المتوسط، ثم تقوم بتربيع هذا الانحراف
 الدرجة (8) تتحرف عن المتوسط بـ $8 - 10 = -2$

و نظراً لأن مجموع الانحرافات عن المتوسط يساوي صفر، تقوم بتربيع هذه الانحرافات لتصل إلى العمود الأخير (مربعات الانحرافات عن المتوسط) $= 4 \times 2 = 4$ وهكذا

$$\frac{174}{8} = \sqrt{\frac{\text{مجم}^2}{n}} = \text{انحراف المعياري}$$

$$4.66 = \sqrt{21.75} =$$

نفترض أن الدرجات السابقة في المثال هي درجات مجموعة الطالبات في اختبار للرياضيات، وكان لدينا مجموعة أخرى من الدرجات في نفس الاختبار مكان الانحراف المعياري لدرجاتهم يساوي (1.6).

وذلك يعني أن مجموعة الطلاب أكثر تجانساً، أي أن درجاتهم في اختبار الرياضيات أكثر تقاربًا وأقل تشتتاً مقارنة بمجموعة الطالبات والتي كانت قيمة الانحراف المعياري لدرجاتهم أكبر (4.66) درجة.

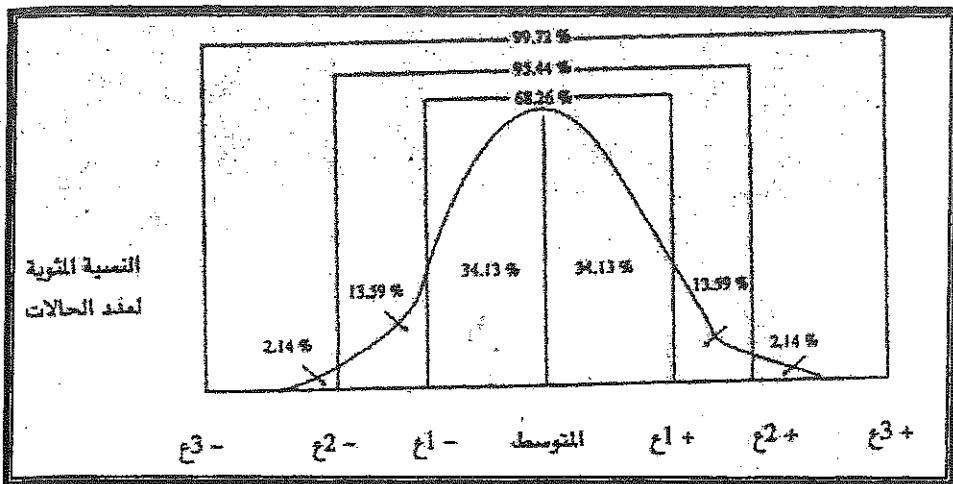
ثالثاً: التوزيع التكراري الاعتدالي

وضع عالم الرياضيات كارل جاؤس (Carl Causs) المنحنى الاعتدالي الذي كثيراً ما يسمى باسمه (منحنى جاؤس) والواقع أن أي ظاهرة طبيعية تخضع في انتشارها لعوامل الصدفة ويتم قياسها في عدد كبير من الحالات باستخدام أداة قياس موضوعية، توزع درجاتها اعتدالياً، وتميز المنحنى الاعتدالي نظرياً من:

(-0 إلى + 0) (من - ما لانهاية إلى + ما لا نهاية)

بتكرار يتبع قانوناً رياضياً ثابتاً، ويأخذ شكل الناقوس، ويسمى أحياناً بالمنحنى الناقصي أو الجرسـي.

والمنحنى الاعتدالي يكون متماثلاً تماماً حول المتوسط الحسابي لدرجات الظاهرة التي ادت إليه، وبذلك يقسم المتوسط المنحنى إلى نصفين متماثلين تماماً وتنتركز معظم القيم حول المتوسط الحسابي، وتتساوى مواقع المتوسط والوسط والمنوال فيه.



شكل (5) النسبة المئوية لتفوز الحالات في المنحنى الاعتدالي

ووجد أن عدّيد من صفات الإنسان المهمة سواء الجسمية أو العقلية تعطى توزيعاً اعتدالياً بينما تفاصيل عينات كبيرة غير متجانسة من الحالات مثل العمر.

(م + 3ع) (م - 3ع) فنجد أن (68.26) من أفراد المجموعة ينحصر بين القيمتين (م + 1ع) (م - 1ع) و (95.44) من أفراد المجموعة ينحصر بين القيمتين (م + 2ع) (م - 2ع) بينما (99.72) من أفراد المجموعة ينحصر بين القيمتين (م + 3ع) (م - 3ع) أي أنه بالنسبة لأي ظاهرة طبيعية أو نفسية يتم قياسها بالشروط السابقة نادرًا ما نجد في المجموعة المقاسة قيمة تزيد عن (م + 3ع) عن (م - 3ع).

على سبيل المثال: إذا تم قياس مجموعة كبيرة من الأفراد بمقاييس مفنن بصورة جيدة وكانت المجموعة غير متجانسة ولم تختر بطريقة عمدية، وكان متوسط درجاتهم (100) والانحراف المعياري (15) إذا لن نجد شخص ما يحصل على درجة أكثر من (145) أو أقل من (55) وإن (68.26) من الأفراد سوف تتحصر درجاتهم بين (115-85) وهكذا.

معامل الارتباط

رأينا كيف يمكن أن نقارن بين مجموعتين من الدرجات باستخدام مقاييس النزعة المركزية، وأيضاً من حيث تجانس كل منها أو تشتته، لكننا قدحتاج إلى نوع من المقارنة، إذ نحتاج إلى الوقوف على مقدار العلاقة بين مجموعتين من